

Chap II :

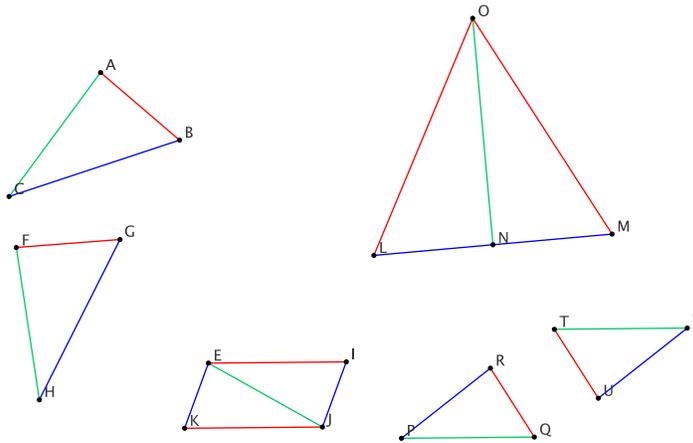
Triangles isométriques

I. Définition

1) Définition

Définition 1 : On dit que deux triangles sont **isométriques** si leurs côtés sont de même longueur deux à deux. (*iso* pour même et *métrique* pour mesure)

Exemple : En voici quelques exemples



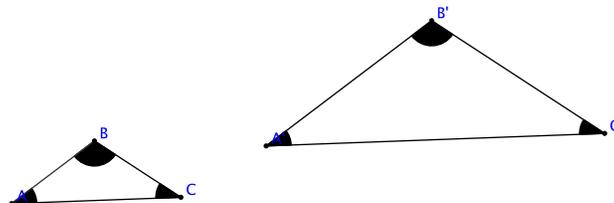
Pourquoi ce nom ? Les *isométries* sont les transformations du plan qui ne changent pas les longueurs et les angles. Ce sont les translations, les symétries, les rotations et toutes les successions de translations, symétries et rotations.

La « vraie » définition pour deux triangles isométriques, c'est dire qu'ils sont images l'un de l'autre par une isométrie.

2) Propriétés

Propriété 1 : Si deux triangles sont isométriques alors leurs angles sont deux à deux égaux.

Remarque : La réciproque est fautive, en voici un contre-exemple.



II. Caractérisation

Il y a deux propriétés qui nous permettent de dire que deux triangles sont isométriques :

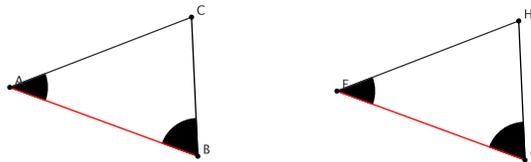
Propriété 2 : Si dans deux triangles deux côtés de l'un sont égaux à deux côtés de l'autre **et** si les angles situés entre ces deux côtés sont égaux alors ces deux triangles sont isométriques.

Exemple :

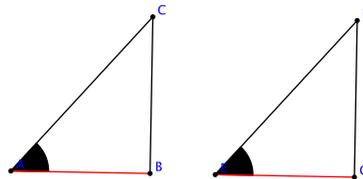


Propriété 3 : Si dans deux triangles deux angles de l'un sont égaux à deux angles de l'autre **et** si les côtés compris entre ces deux angles sont égaux alors ces deux triangles sont isométriques.

Exemple :



Un cas particulier : Si deux triangles rectangles ont un de leurs côtés égal et un angle (autre que l'angle droit) égal alors ils sont isométriques.



Comment utilise-t-on les triangles isométriques ? Très souvent on démontre que deux triangles sont isométriques grâce à l'une des deux propriétés ci-dessus et une fois que l'on sait qu'ils le sont on utilise la définition pour obtenir des égalités de longueur.